

Neuvěřivý integrál

$$\int \cos \sqrt{2-x} \, dx$$

$$\int \left. \begin{array}{l} \sqrt{2-x} = t \\ 2-x = t^2 \\ -dx = 2t \, dt \\ dx = -2t \, dt \end{array} \right| = \int \cos t \cdot (-2t \, dt) = \left. \begin{array}{l} u' = \cos t \quad v = -2t \\ u = \sin t \quad v' = -2 \end{array} \right| =$$

$$= -2t \sin t + 2 \int \sin t \, dt = -2t \cdot \sin t - 2 \cos t + C$$

Substituce zpět: $-2\sqrt{2-x} \cdot \sin \sqrt{2-x} - 2 \cdot \cos \sqrt{2-x} + C$

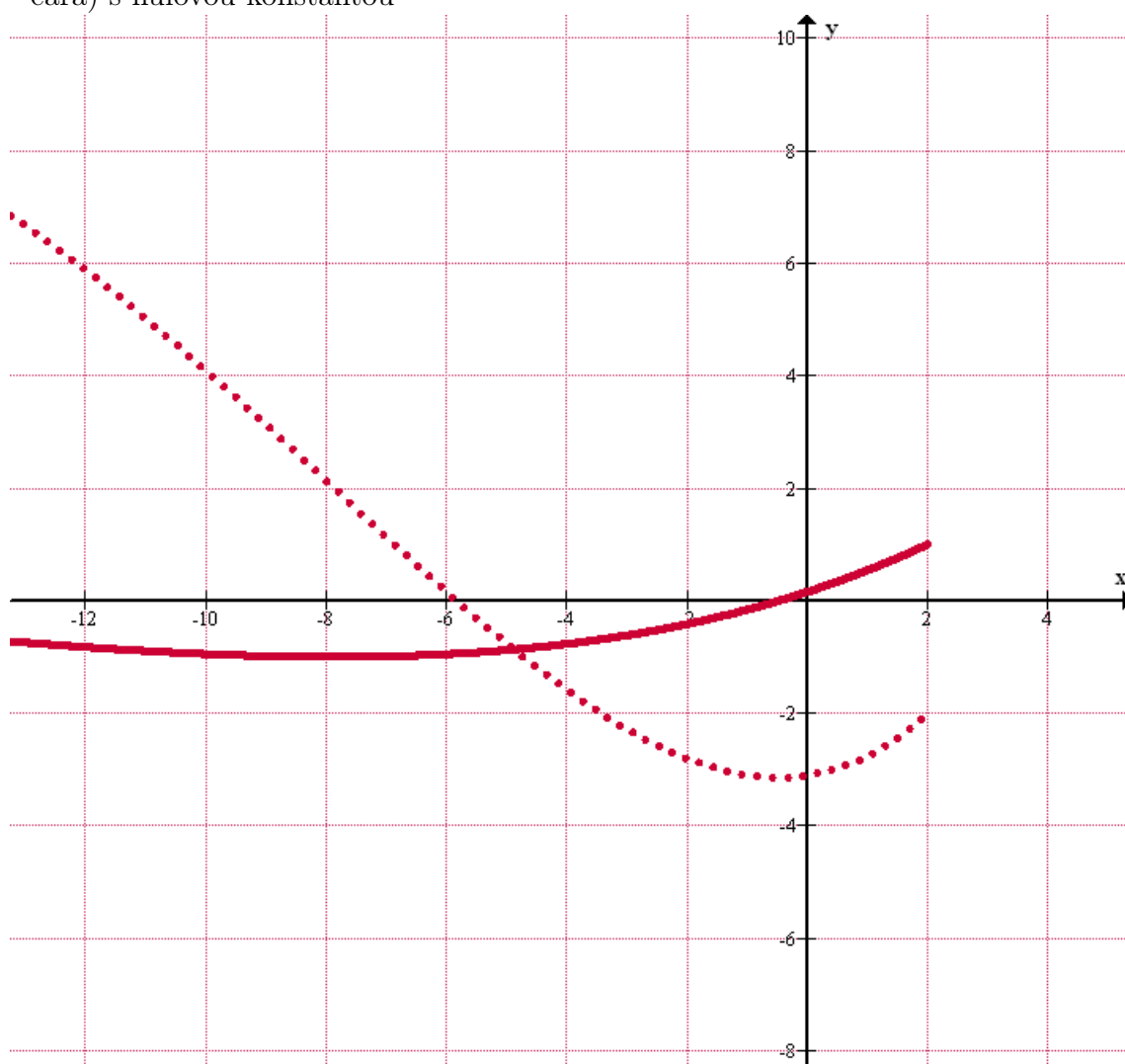
Kontrola: zpětná derivace výsledku:

$$\text{výsledek}' : +2 \cdot \frac{1}{2\sqrt{2-x}} \cdot (+1) \cdot \sin \sqrt{2-x} + (+2\sqrt{2-x}) \cdot \cos \sqrt{2-x} \cdot \frac{1}{2\sqrt{2-x}} \cdot (+1) -$$

$$- 2 \cdot (-\sin \sqrt{2-x}) \cdot \frac{1}{2\sqrt{2-x}} \cdot (-1) + 0 =$$

$$= \frac{\sin \sqrt{2-x}}{\sqrt{2-x}} + \cos \sqrt{2-x} - \frac{\sin \sqrt{2-x}}{\sqrt{2-x}} = \underline{\underline{\cos \sqrt{2-x}}}$$

OBRÁZEK 1. Grafické znázornění funkce (tečkovaná) a jejího integrálu (plná čára) s nulovou konstantou



Zdroj: program Graph